

円と点の位置関係を問う問題で、ほぼ同様の学力を測定する問題が出題された

共通テスト 第5問 (2)

まず、 $AQ \cdot CQ = 5 \cdot 3 = 15$ かつ $BQ \cdot DQ =$ であるから

$$AQ \cdot CQ = \text{ケ} BQ \cdot DQ \quad \dots\dots\dots ①$$

が成り立つ。また、3点A, B, Cを通る円と直線BDとの交点のうち、Bと異なる点をXとすると

$$AQ \cdot CQ = \text{コ} BQ \cdot XQ \quad \dots\dots\dots ②$$

が成り立つ。①と②の左辺は同じなので、①と②の右辺を比べることにより、 $XQ = \text{サ} DQ$ が得られる。したがって、点Dは3点A, B, Cを通る円の にある。

(iii) 3点C, D, Eを通る円と2点A, Bとの位置関係について調べよう。

この星形の図形において、さらに $CR = RS = SE = 3$ となることがわかる。したがって、点Aは3点C, D, Eを通る円の であり、点Bは3点C, D, Eを通る円の にある。

, の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

内部 周上 外部

第1回ベネッセ・駿台マーク模試 第5問 (2)

よって、辺BCにおいて、2点Q, Sおよび2点Q', S'の位置関係は 。

については、最も適当なものを、次の①~④のうちから一つ選べ。

- ① 点Sは点Qに一致し、点S'は点Q'に一致する
- ② 点Sは点Qに一致し、点S'は点Q'よりB側にある
- ③ 点Sは点Qに一致し、点S'は点Q'よりC側にある
- ④ 点S'は点Q'に一致し、点Sは点QよりB側にある
- ⑤ 点S'は点Q'に一致し、点Sは点QよりC側にある

(2) 3点A, P, Qを通る円を O_3 とすると、点Cは円 O_3 の にある。

また、3点A, Q, Rを通る円を O_4 とすると、点Q'は円 O_4 の にある。

, の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

内部 周上 外部

両者の問題とも、3点を通る円と他の1点について円と点の位置関係を問う問題。辺の比や線分の長さなどの情報を整理し、方べきの定理を用いて求めた線分の長さを比較することで、他の1点が円の内部、周上、外部のどの位置に存在しているかを考察できるかが問われた。

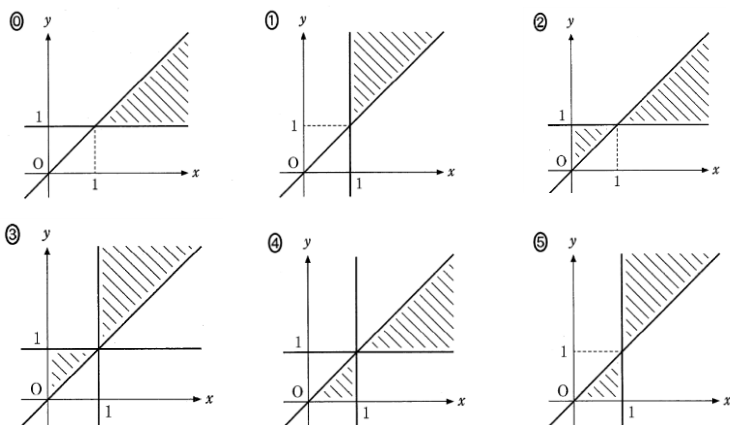
対数を含む不等式を底の大きさによって場合を分け、領域を考察する問題

共通テスト 第1問 (2)

(ii) 座標平面において、不等式 $0 < \log_x y < 1$ の表す領域を図示すると、

の斜線部分となる。ただし、境界(境界線)は含まない。

については、最も適当なものを、次の①～⑤のうちから一つ選べ。



第3回ベネッセ・駿台マーク模試 第1問 [1]

[1] 不等式

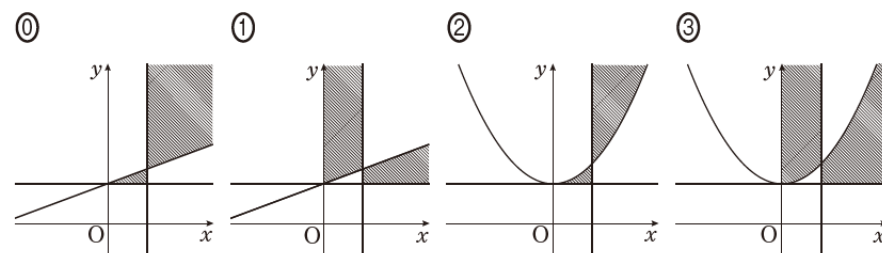
$$\log_x 2x^2 > \log_x 8 + \log_{\sqrt{x}}(y-1) \quad \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

がある。

(中略)

よって、不等式①の表す領域は の斜線部分である。ただし、境界線は含まない。

については、最も適当なものを、次の①～③のうちから一つ選べ。



両者の問題とも、対数を含む不等式の領域について考察する問題。対数の性質により、底が1より大きい場合と小さい場合で不等式の大小関係が変化することに注意し、それぞれの場合に分ける必要があった。場合を分けた後は、対数を含まない関数の形に整理し、不等式が表す領域を考えることができるかが問われた。